3

Divisibilidad

DIVISIBILIDAD

MÚLTIPLOS Y DIVISORES

Si la división a:b es exacta b es de a

EJEMPLO:

- · Los múltiplos de 7 son: 7, 14, ..., ..., etc.
- Los divisores de 12 son: 1, 2, ..., ... y

CRITERIOS DE DIVISIBILIDAD

- Un número es múltiplo de 2 cuando......
- Un número es múltiplo de 3 cuando.......
- Un número es múltiplo de 5 cuando

DESCOMPOSICIÓN EN FACTORES PRIMOS

$$200 = 2 \cdot 2 \cdot 2 \cdot 5 \cdot 5 = 2^3 \cdot 5^2$$

PARA CALCULAR EL MÍNIMO COMÚN MÚLTIPLO DE VARIOS NÚMEROS

- 1. Se descomponen en factores primos.

15 | 3 | 20 | 2
5 | 5 | 10 | 2 | 15 =
$$3 \cdot 5$$

1 | 5 | 5 | 20 = $2^2 \cdot 5$
1 | mín.c.m. (15, 20) = ...

PARA CALCULAR EL MÁXIMO COMÚN DIVISOR DE VARIOS NÚMEROS

- 1. Se descomponen en factores primos.
- 2. Se toman los factores

EJEMPLO: máx.c.d. (18, 24)

AD						Fich	a de trab
Divi	sibili	dad					
Nombre	y apellide	os:	Fecha: S UN REFRESCO In largo día visitando una embotelladora, nos merecemos un refresco. Pero, a pensar un poco en lo que hemos visto, en el proceso de embotellado y de y en algunos problemas derivados de estas actividades. Son estos: produce 1 200 botellas de refresco cada hora. Luego, las empaquetan en istintos tamaños. ¿Cuántas cajas de cada tipo necesitan para empaquetar ellas? Completa la tabla: BOTELLAS				
Curso:	TOMÉMONOS UN REFRESCO Después de un largo día visitando una embotelladora, nos merecemos un refresco. Pe antes, vamos a pensar un poco en lo que hemos visto, en el proceso de embotellado y empaquetado y en algunos problemas derivados de estas actividades. Son estos: 1 La planta produce 1 200 botellas de refresco cada hora. Luego, las empaquetan cajas de distintos tamaños. ¿Cuántas cajas de cada tipo necesitan para empaque 1 200 botellas? Completa la tabla: BOTELLAS CAJAS DE CAJAS DE CAJAS DE CAJAS DE LO UNIDADES 12 UNIDADES 13 UNIDADES 14 UNIDADES 14 UNIDADES 15 UNIDADES						
TO	OMÉMON	IOS UN REFR	largo día visitando una embotelladora, nos merecemos un refresco. Po pensar un poco en lo que hemos visto, en el proceso de embotellado en algunos problemas derivados de estas actividades. Son estos: roduce 1200 botellas de refresco cada hora. Luego, las empaquetar stintos tamaños. ¿Cuántas cajas de cada tipo necesitan para empaquelas? Completa la tabla: CAJAS DE CAJAS DE CAJAS DE CAJAS DE CAJAS DE 12 UNIDADES 1200 había preparado, para un pedido, 32 cajas de 6 refrescos cada una pedido de cada tipo necesitan para empaquelas?				
ant em	tes, vamo paquetad La plant	os a pensar un do y en alguno a produce 12	poco en lo ques problemas de 200 botellas d	ie hemos visto derivados de e e refresco cao	o, en el proces estas actividad da hora. Lueg	o de embotell les. Son estos o, las empaqu	ado y de s: uetan en
	-		_	as cajas de ca	ada tipo neces	sitan para em _l	oaquetar
		BOTELLAS					
		1200					
2							
					iera cajas con	10 refrescos,	¿podría
3		brica tienen ι nguno en	ın pedido de	240 refrescos	s. ¿Pueden er	mpaquetarlos,	sin que

3	En la fábrica tienen un pedido de 240 refrescos. ¿Pueden empaqueta	rlos, s	sin	que
	sobre ninguno en			

a)cajas de 4 unidades?	SÍ	NO	¿Cuántas?	

4 Han ideado un nuevo refresco de naranja. Antes de lanzarlo, han fabricado solamente 150 litros, y tienen que envasarlos. ¿Pueden hacerlo en botellas de 3 litros para que no les sobre nada?

¿Y de 4 litros?

¿Y de 5 litros?

Nombre y a	apellidos:	 	

- Dos carretillas elevadoras transportan las cajas de refrescos desde la cadena de producción hasta los almacenes. Una de ellas, A, recorre el trayecto cada 8 minutos, y la otra, B, lo hace cada 12 minutos. Hemos visto que han coincidido cuando el reloj marcaba las 10 horas y 8 minutos:
 - a) ¿Cada cuánto tiempo volverán a coincidir? Para que nos resulte más sencillo contestar, hemos escrito los seis primeros múltiplos de 8 y de 12. Hemos rodeado los que son comunes a las dos cantidades y nos hemos fijado en cuál es el menor de ellos, es decir, en el mín.c.m. (8, 12). Prueba a hacerlo tú.

8 - 16	mín.c.m. (8, 12) =
12 - 24	Vuelven a coincidir cada minutos

b) ¿A qué hora volverán a coincidir?

А	10 h 8 min			
В	10 h 20 mi	in		

- c) Por cada 6 viajes de la carretilla A, ¿cuántos realizará la carretilla B?
- **6** En una mesa han dispuesto 8 refrescos de piña, 12 de limón y 24 de naranja. Quieren empaquetarlos en cajas iguales, lo más grandes que sea posible, sin mezclar los sabores.

Antes de contestar a las preguntas, nos han dado una pista: escribir todos los divisores de 8, de 12 y de 24; rodear los comunes a las tres cantidades y fijarnos en cuál es el mayor, es decir, el máx.c.d. (8, 12, 24).

Divisores de 8
$$\rightarrow$$
 Divisores de 12 \rightarrow Divisores de 24 \rightarrow Divisores de 25 \rightarrow Diviso

máx.c.d. (8, 12, 24) =

- a) ¿Cuántos refrescos pondrán en cada caja?
- b) ¿Cuántas cajas se utilizarán para cada sabor?
- c) ¿Cuántas cajas iguales serán necesarias?

Divisibilidad

Nombre y apellidos:	
Curso	Fecha:

Y AHORA... UN VASO DE LECHE

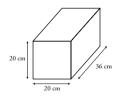
En las afueras de la ciudad han abierto una nueva planta lechera, en la que se llenan los tetrabriks, se empaquetan y se distribuyen a las tiendas. La hermana de uno de los profesores de matemáticas trabaja allí y le plantea algunos problemas que tienen para que los alumnos intenten resolverlos.

Una de las máquinas envasadoras llena 240 envases de 1 litro de leche cada hora. La sección de almacenaje, por cuestión de costes, necesita empaquetarlos en cajas que contengan un número de envases par y menor que 20. Escribe, en la tabla, todas las formas de hacerlo y el número de cajas necesarias, en cada caso, para almacenar los envases producidos en una hora.

ENVASES DE 1 LITRO	2	4			
CAJAS	120	60			

- 2 Acaban de traer otra máquina envasadora, pero los técnicos no saben exactamente cuántos tetrabriks llena a la hora. Solo les han dicho que llena entre 250 y 300, y que la cantidad exacta puede empaquetarse en cajas de 5 envases, y también en cajas de 7 envases y de 20 envases. Ayuda a los técnicos y calcula el número exacto de envases que llena la nueva máquina en una hora.
- $\textbf{3} \quad \text{Parece que al final han decidido envasar la leche en tetrabriks de 1 litro, cuyas dimensiones son } 10\times20\times6~\text{cm}, \text{y se agrupan en cajas de 36 cm} \\ \text{de largo, 20 cm de ancho y 20 cm de alto.}$





- a) Los mozos del almacén quieren saber cuántos envases caben en una caja. Recuerda que los envases se colocan siempre en la misma posición.
- b) El departamento de logística de la empresa quiere saber si merece la pena que las cajas sean cúbicas. Te piden que colabores en el estudio. ¿Cuántos envases de 1 litro son necesarios para formar un cubo con la menor arista posible?

Después del proceso de envasado, empaquetado y distribución, llega la hora de ven-

Soluciones

Ficha de trabajo A

1

BOTELLAS	CAJAS DE 4 UNIDADES	CAJAS DE 6 UNIDADES	CAJAS DE 10 UNIDADES	CAJAS DE 12 UNIDADES
1200	300	200	120	100

2 16 cajas.

No pueden hacerse cajas de 10 refrescos, porque 192 no es múltiplo de 10.

- **3** a) Sí; 60 cajas.
 - b) No; porque 7 no es divisor de 240.
 - c) Sí; 20 cajas.
- 4 Sí; obtendrán 50 botellas de 3 l.

No; porque 150 no es múltiplo de 4.

Sí; obtendrán 30 botellas de 5 /.

5 a) Múltiplos de 8: 8 - 16 - 24 - 32 - 40 - 48

Múltiplos de 12: 12 - 24 - 36 - 48 - 60 - 72 - 84

mín.c.m. (8, 12) = 24

- b) Volverán a coincidir 24 minutos más tarde, es decir, a las 10 h 32 min.
- c) La carretilla B efectuará 4 viajes.
- **6** Divisores de 8: 8 4 2 1

Divisores de 12: 12 - 6 - 4 - 3 - 2 - 1

Divisores de 24: 24 - 12 - 8 - 6 - 4 - 3 - 2 - 1

máx.c.d. (8, 12, 24) = 4

- a) 4 refrescos
- b) Piña: 2 cajas

Limón: 3 cajas

Naranja: 6 cajas

c) 11 cajas

Ficha de trabajo B

1

ENVASES DE 1 LITRO	2	4	6	8	10	12	16	20
CAJAS	120	60	40	30	24	20	15	12

- **2** 280 envases
- **3** a) 12 tetrabriks

b) min.c.m. (6, 10, 20) = 60

La caja tendrá 60 cm de arista. Se necesitan 180 envases.

4 máx.c.d. (96, 126) = 6

Deben ponerse 6 envases en cada caja.

Leche entera: 16 cajas

Leche semidesnatada: 21 cajas

5 mín.c.m. (120, 180) = 360

Vuelven a coincidir dentro de 360 minutos, es decir, dentro de seis horas, a las 14:00 h.

6 mín.c.m. (390, 400) = 15600

Deberá recorrer 15 600 cm = 156 m

Ruedas delanteras: 40 vueltas

Ruedas traseras: 39 vueltas

7 mín.c.m. (75, 500) = 1500

Se usarán 3 billetes de 5 euros, con los que

podremos comprar 20 / de leche.